



Vid ett par av påståendena kan dessa länkas ihop med  $\Rightarrow$ ,  $\Leftarrow$  eller  $\Leftrightarrow$

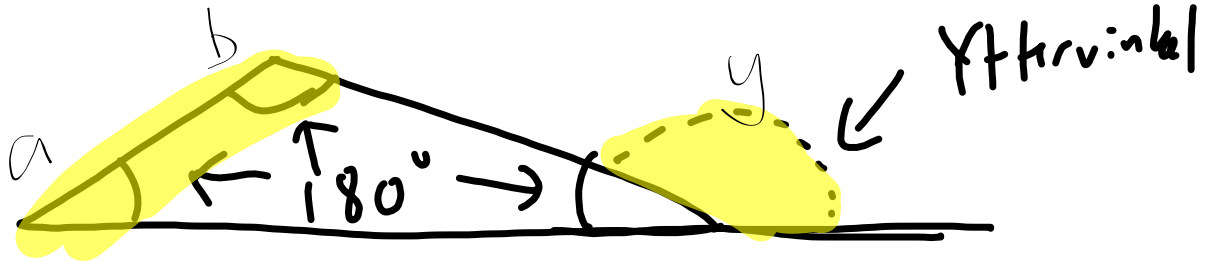
ex:  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Mattias bor} \\ \text{i Umeå} \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{Mattias bor} \\ \text{i Sverige} \end{array} \right\}$

$\left\{ X^2 = 16 \right\} \Leftarrow \left\{ X = 4 \right\}$

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Det är} \\ \text{tisdag} \\ \text{dag} \end{array} \right\} \Leftarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{Det är} \\ \text{onsdag} \\ \text{i morgon} \end{array} \right\}$

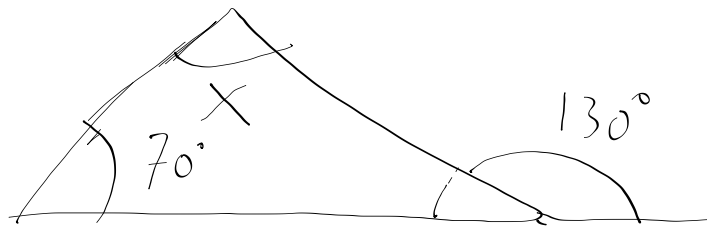
$\left\{ \begin{array}{l} \text{Det är} \\ \text{onsdag} \\ \text{i morgon} \end{array} \right\}$

# Yttrevinkelsatsen



$$y = a + b$$

Ex:

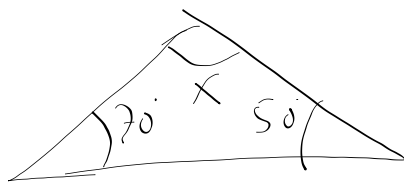


Två sätt att lösa uppgiften.

1) Via innersvinkeln:

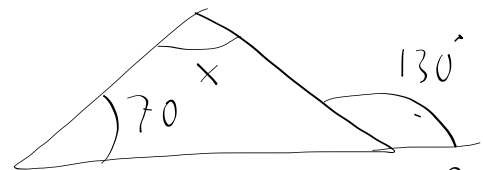


2) Vinkelsumman =  $180^\circ$



$$x = 180 - 70 - 50 = 60^\circ$$

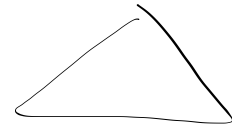
2) Via YVS



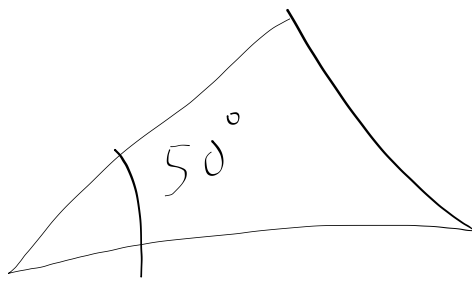
$$70 + x = 130^\circ$$

$$x = 60^\circ$$

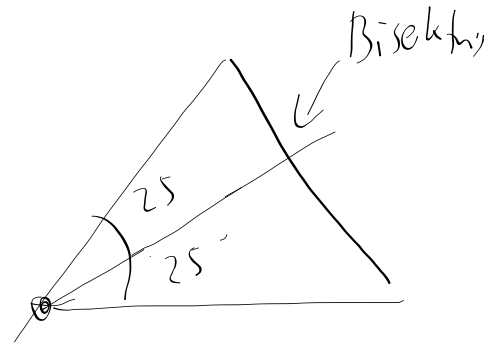
# Bisektrissatsen



Bisektris = Stråken som delar en vinkel i TVA lika stora delar.

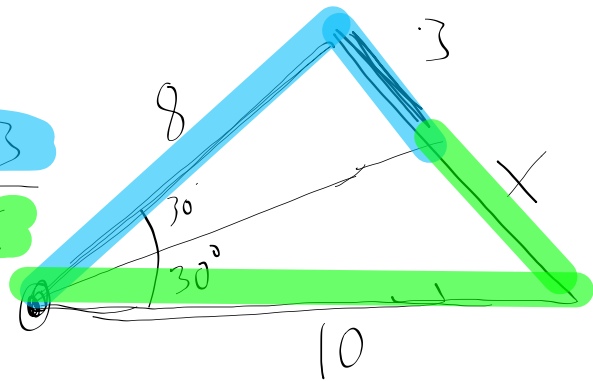
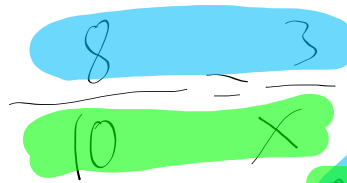


⇒

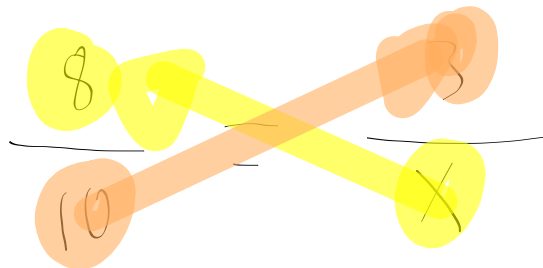


Bisektrissatsen:

"Ena halvan" ⇒  
"Andra halvan"



Korsvis multiplikation:

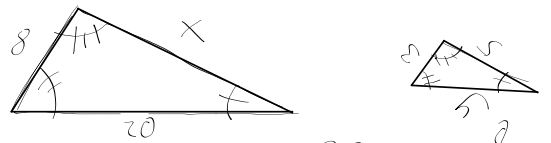


$$8 \cdot X = 30$$

$$X = \frac{30}{8} = \dots$$

Likformighet 

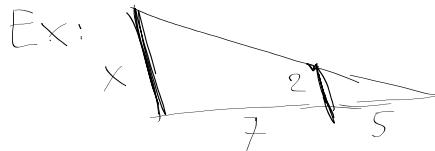
Likformighet → Alla vinklar lika, men olika storlek




STOR / liten ⇒  $\frac{20}{y} = \frac{8}{3}$

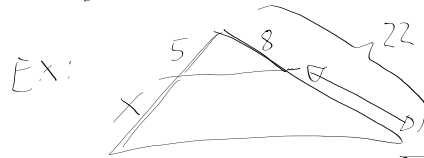
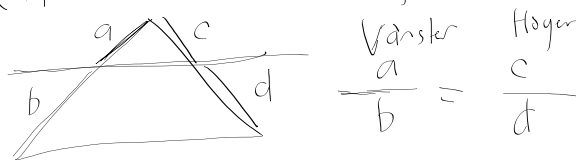
⇒  $\frac{x}{5} = \frac{8}{3}$        $60 = 8y$   
 $\dots = \frac{60}{8} = y$

$3x = 40$   
 $x = 40/3 = \dots$



liken / stor ⇒  $\frac{2}{x} = \frac{5}{12} \Rightarrow 24 = 5x$   
 $4,8 = \frac{24}{5} = x$

Transversalsatsen:   
 (spec. fall av likformighet)



Transversalsatsen:  $\frac{5}{x} = \frac{8}{14}$

Likformighet:

$70 = 8x$

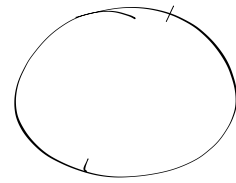
$\frac{70}{8} = x$

$\frac{5}{x} = \frac{8}{22}$   
 $110 = 8x + 40$

$70 = 8x$

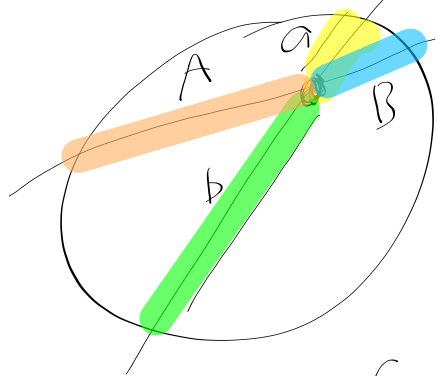
$\frac{70}{8} = x$

# Kordasatsen



Korda = Räk linje som går igenom en cirkel.

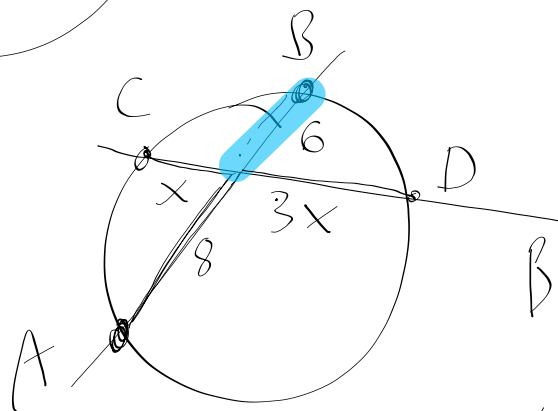
Om två kordor skär varandra i en cirkel gäller:



$$a \cdot b = A \cdot B$$

Korda 1 = Korda 2

ex:



$$AB = 14 \text{ cm}$$

Bestäm längden av korda CD

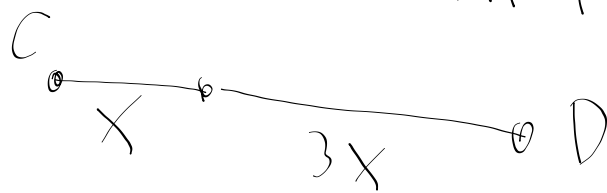
$$8 \cdot 6 = 3x \cdot x$$

$$48 = 3x^2$$

$$x^2 = 16$$

$$x_1 = 4 \quad (x_2 = -4)$$

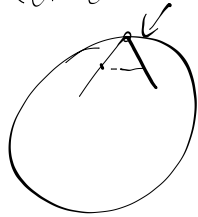
CD  $\Rightarrow$



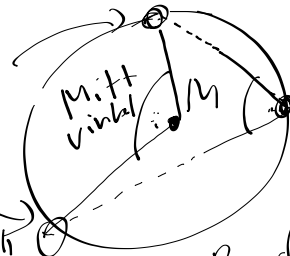
$$4 + 12 = 16 \text{ cm}$$

# Randvinkelsatsen

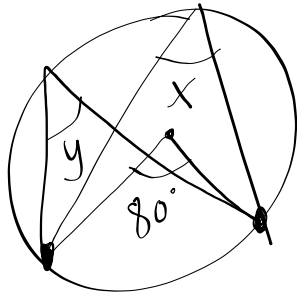
Randvinkel = Vinkel som pekar på cirkels streck från insidan.



Randvinkelsatsen:  
"Föräldra punkter till randvinkeln"

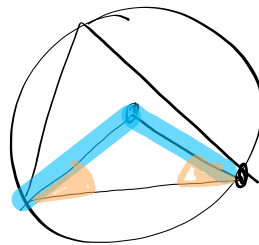


Mittvinkel = 2 · Randvinkeln



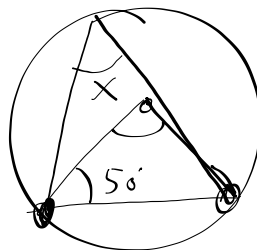
$$x = \frac{80}{2} = 40$$

$$y = \frac{80}{2} = 40$$

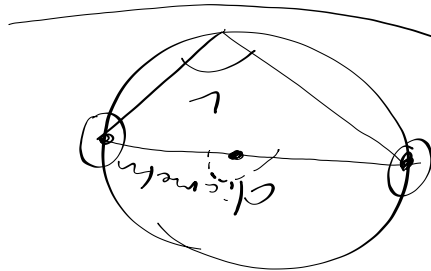


Om en triangel innehåller cirkelns **center** som 2 sidor blir triangeln likbent

ex:



x är en randvinkel till 80  
⇒ x = 40



Mittvinkeln = 180°  
⇒ Randvinkeln = 90°

# Koordinatgeometri:

ex:  $(-3, 5)$   $(2, 8)$   
 Avståndet mellan  
 2 punkter:



$$5^2 + 3^2 = x^2$$

$$x = \sqrt{34}$$

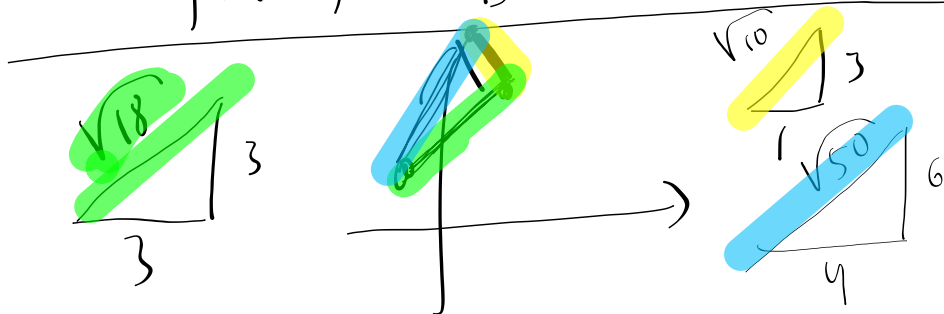
$$(2 - -3 = 5)$$

Mittpunkt mellan 2 punkter: Medelvärde av resp. koordinater:

$$\left( \frac{-3 + 2}{2}, \frac{5 + 8}{2} \right)$$

$$\rightarrow (-0.5, 6.5)$$

ex: Punkterna  $(2, 5)$   $(3, 8)$   
 och  $(-1, 2)$  bildar en  
 triangel. Bestäm dess omkrets.



$$\text{Omkretsen: } \sqrt{18} + \sqrt{10} + \sqrt{50}$$

# L&S diagram + spridningsmått

1) Sortera i storleksordning:

15 23 26 30 33 38 38  
 (1) (2) (3) (4) (5) (6) (7)

2) Dela in talen i två halvor  
 (15 23 26) 30 (33 38 38)  
 ↑  
 Medianen

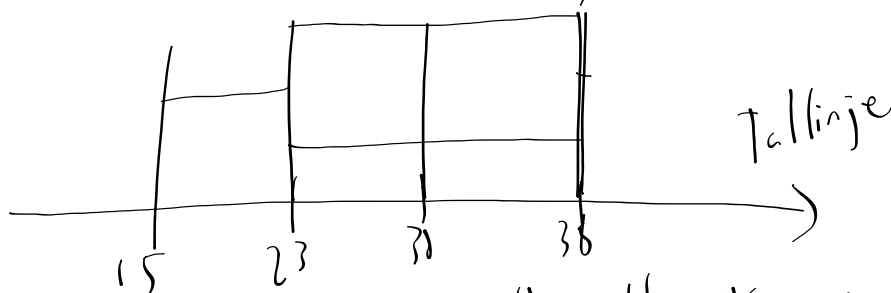
3) Ta mitten av resp. halva:  
 "kvartiler" → Nedre = 23  
 Övre = 38

4) Ta största och minst tal:

Minst = 15  
 Störst = 38

Minst = 15  
 Nedre = 23  
 Med = 30  
 Övre = 38  
 Störst = 38


5 tal



Variationsbredd = "bredden av jädegrammet"  
 = Största - minst

kvartilavstånd = "bredden av ledan"  
 = Övre - Nedre

# Normalfördelning



Om nånting är normalfördelat gäller:  
 Vardena är symmetriskt placerade runt  
 medelvärdet

Vardena kan delas in  
 i 6 st "fack".

Bredden av varje fack  
 kallas standardavvikelse

Varje fack motsvarar en viss  
 andel som finns på FB.

