

Prov, kapitel 5 och 6

Implikation och ekvivalens, Vektorer, Vinklar, Trigonometri, Geometri och algebra,  
"Tärningsdiagram", Träddiagram, Diagram och tabeller, Missvisande statistik

**Del 2 – MED digitala hjälpmödel – Fullständiga uträkningar krävs (om inte annat anges)!**

- D1. För en viss vinkel  $v$  i en rätvinklig triangel gäller att

$$\cos(v) = 0,325$$

Bestäm de **båda** spetsiga vinklarna i den rätvinkliga triangeln.

(2/0/0)

↳ Läs "Manuellt"  
 $\cos(v) = 0,325 \quad [\cos^{-1}]$   
 $v = \cos^{-1}(0,325) \approx 71^\circ$

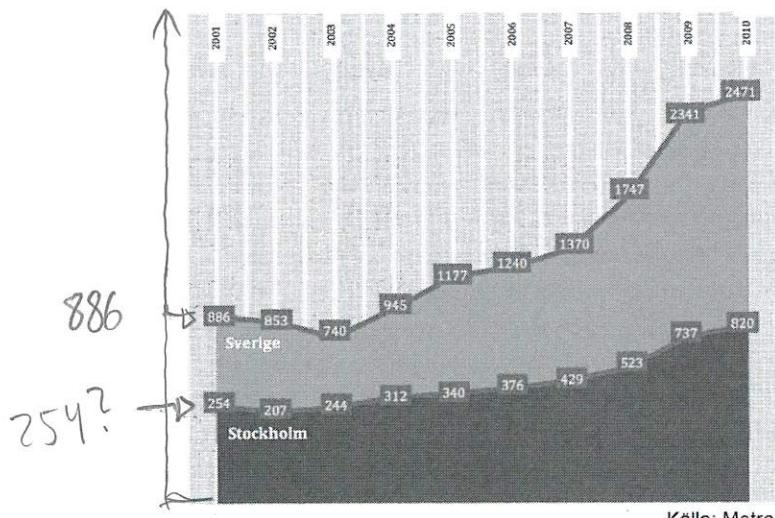
↳ Läs med Geogebra's "Lös"  
Läs  $(\cos(x) = 0,325)$   
 $\Rightarrow v \approx 71^\circ$

Den sista vinkeln fås med vinkelsumman  $\Rightarrow 90 - 71 \approx 19^\circ$

- D2. Uppgiften nedan är ifrån ett gammalt nationellt prov. Lös uppgiften.

(1/1/0)

Olivia ska göra ett projekt om kidnappningar och hot. Hon hittar ett diagram i en tidning.  
Enligt tidningen visar diagrammet antalet anmälda kidnappningar och hot per år.



Källa: Metro

Olivia påstår att diagrammet från tidningen är felaktigt.

"Det här diagrammet vill jag inte använda. Det ser ut som att det år 2001 var dubbelt så många kidnappningar och hot i Sverige som i Stockholm. Det stämmer ju inte."

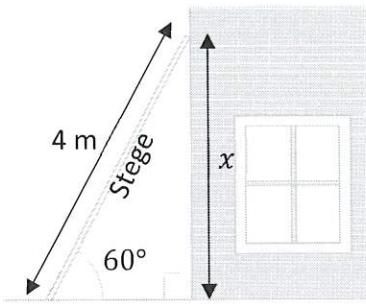
Förklara vad som är fel med diagrammet.

Skalan på y-axeln stämmer inte överens mellan de båda graferna.

Ex: 254 ligger nästan så högt upp som 886. Det borde snarare varit typ en tredjedel.

- D3. En 4 meter lång stege ställs upp mot en vertikal husvägg.  
Vinkeln mot marken är  $60^\circ$ .

Hur högt upp på väggen når stegen? (2/0/0)




$$\Rightarrow \sin 60^\circ = \frac{x}{y} \rightarrow \text{"Lös"-Kommandot.}$$

$x$

"manuell"

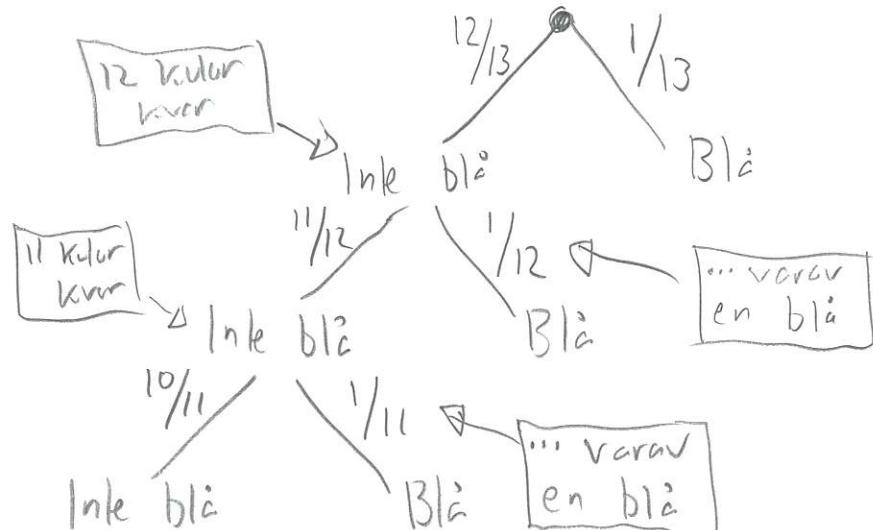
$$x = y \cdot \sin 60^\circ$$

$\approx 3,46$  m

- D4. I en burk ligger det 13 lika stora kuler i tre olika färger:  
4 röda, 8 gröna och 1 blå.

Tre kolor plockas upp. Hur stor är sannolikheten att den blå är en av dessa? (0/1/1)

Betraktas röda och gröna som  
"inte blå" gäller följande träddiagram:

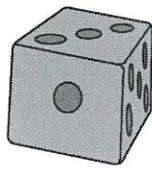
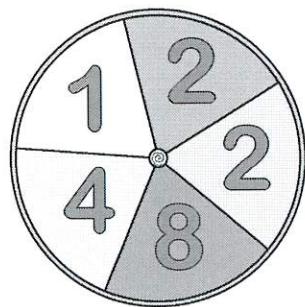


$$\begin{aligned}
 & \text{Sannolikheten for} \\
 & \text{blå fôr i ett} \\
 & \text{som} \\
 & 100\% - P(\text{inte blå, inte blå, inte blå}) \\
 & = 100\% - \frac{12}{13} \cdot \frac{11}{12} \cdot \frac{10}{11} \\
 & = \frac{13}{13} - \frac{10}{13} = \frac{3}{13} \approx 0,2307 \\
 & \approx 23,1\%
 \end{aligned}$$

D5. I ett tävlingsprogram i TV erbjuds följande möjlighet för den tävlande:

"Du vinner storvinsten om du får ihop minst **11 poäng** i två omgångar.

Varje omgång består av antingen ett snurr på lyckohjulet, **eller** ett kast med en vanlig 6-sidig tärning"



- a) Anta att den tävlande väljer lyckohjulet i den första omgången och har turen att få en 8a.

Den tävlande frågar dig om råd vad den ska välja i den andra omgången för att ha störst chans att vinna.



Omgång 1



Omgång 2

Vad svarar du den tävlande?

(1/1/0)

Motivera ditt svar!

För att få 11 poäng krävs minst 3 poäng till.

Tärning: 1 2 3  $\Rightarrow \frac{1}{6}$  Lyckohjul: 1 2 2  $\Rightarrow \frac{2}{5} = 40\%$   
 (4) (5) (6)  $\approx 67\%$   $\Rightarrow$  Välj tärningen i andra omgången.

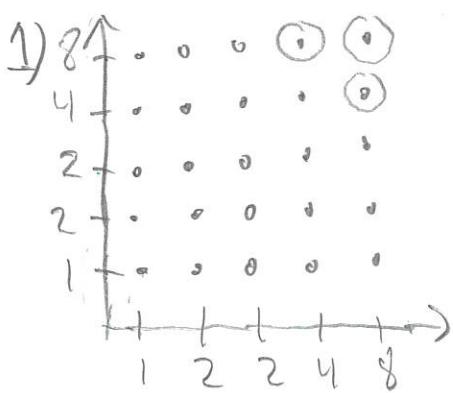
- b) Bestäm den största sannolikheten för att få storvinsten som den tävlande har i denna tävling.

Tre möjligheter:

1) Hjul  
Hjul

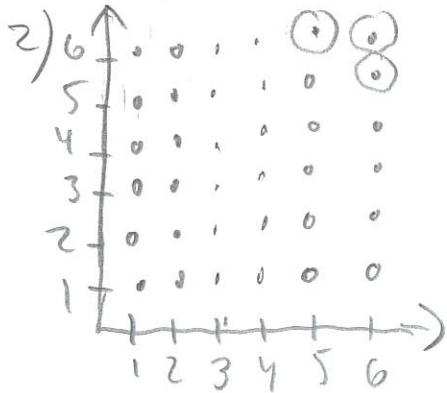
2) Tärning  
Tärning

3) Tärning  
Hjul



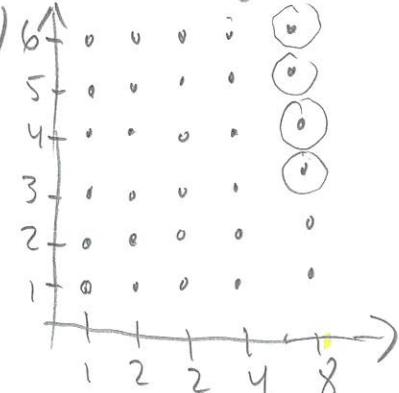
3 av 25

$$\Rightarrow \frac{3}{25} = 12\%$$



3 av 36

$$\Rightarrow \frac{3}{36} \approx 8,3\%$$



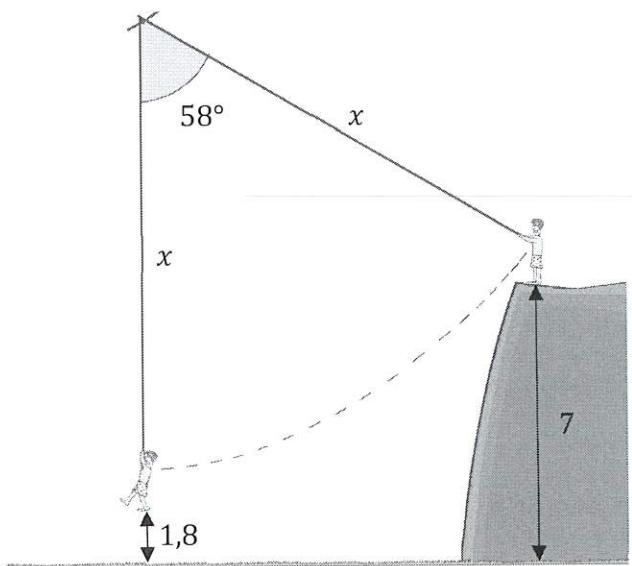
4 av 30

$$\Rightarrow \frac{4}{30} \approx 13,3\%$$

Största sannolikheten är  $\approx 13,3\%$

(Om man väljer hjul och tärning)

- D6. Djungel-snubben Tan-zan står på en 7 meter hög klippa och ska svinga sig i en lian.  
 Lianen blir då vriden  $58^\circ$   
 När Tan-zan sedan är i det nedre läget återstår 1,8 meter till marken. Se figur.



Hur lång är lianen?

(0/1/2)

7 - 1,8  
 $= 5,2$

$\begin{array}{c} \text{Dras denna linje för en} \\ \text{rätvinklig triangel i toppen.} \\ \text{For den gäller:} \end{array}$

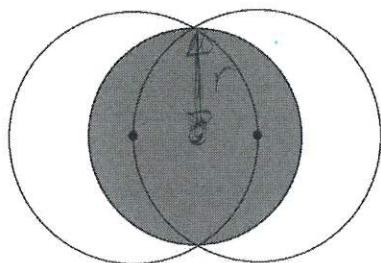
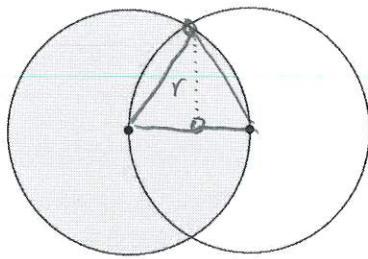
$x - 5,2$

$\cos 58^\circ = \frac{x - 5,2}{x} \Rightarrow [Lös]$

$x \approx 11,06 \text{ m}$

- D7. Två lika stora cirklar är placerade så att deras cirkelbågar går igenom varandras medelpunkter enligt den övre figuren.

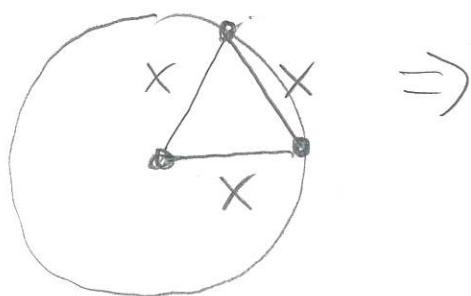
Mitt emellan cirklarna placeras en ny cirkel, enligt den nedre figuren.



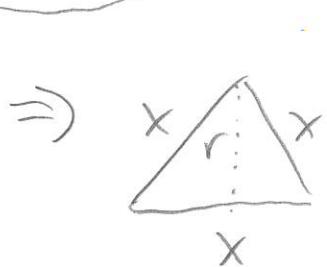
Visa att den större cirkelns area är  $\frac{4}{3}$  av den mindres

(0/1/3)

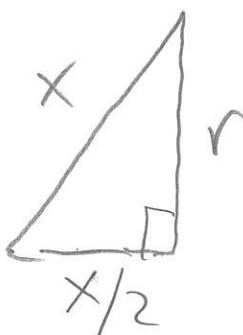
Om den större cirkelns radie är  $x$  gäller:



Det bildas en liksidig triangel.  
Dennas höjd motsvarar  
radien i den mindre cirkeln



Dela i  
två trianglar  
 $\Rightarrow$



Pyth. sats::

$$\left(\frac{x}{2}\right)^2 + r^2 = x^2$$

$$r^2 = x^2 - \frac{x^2}{4} =$$

$$= \frac{4x^2}{4} - \frac{x^2}{4} = \frac{3x^2}{4}$$

$$A_{\text{STOR}} = \pi \cdot x^2$$

$$A_{\text{liten}} = \pi \cdot r^2 = \left[ r^2 = \frac{3x^2}{4} \right] = \pi \cdot \frac{3x^2}{4}$$

$$\frac{A_{\text{STOR}}}{A_{\text{liten}}} = \frac{\pi x^2}{\pi \cdot \frac{3}{4} x^2} = \left[ \text{Forkorta bort } \pi \text{ och } x^2 \right] = \frac{4}{3}$$

VSV.